

二〇二〇~二〇二一学年 第二学期 《大学物理》 I (1)、IA (1)、A (1)

## 期末考试试题

考试日期: 2021 年 7 月 9 日      试卷类型: A      试卷代号:

班号                      学号                      姓名

|    |   |   |   |   |    |
|----|---|---|---|---|----|
| 题号 | 一 | 二 | 三 | 四 | 总分 |
| 得分 |   |   |   |   |    |

|      |    |
|------|----|
| 本题分数 | 30 |
| 得分   |    |

### 一、 选择题 (每小题 3 分, 请将选项填入下表中)

|   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |

1. 一质量为 60kg 的人站在一质量为 60kg、半径为 1m 的均匀圆盘的边缘, 圆盘可绕与盘面相垂直的中心竖直轴无摩擦地转动, 系统原来是静止的。后来人沿圆盘边缘走动, 当他相对圆盘的走动速度为 3m/s 时, 圆盘角速度为

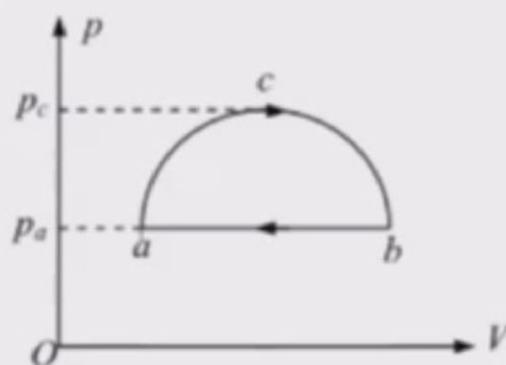
- (A) 1rad/s;                                      (B) 2rad/s;  
 (C) 2/3rad/s;                                (D) 4/3rad/s。

2. 关于力矩有以下几种说法:  
 (1)内力矩不会改变刚体对某个定轴的角动量;  
 (2)作用力和反作用力对同一轴的力矩之和必为零;  
 (3)质量相等形状和大小不同的两个刚体, 在相同力矩作用下, 它们的角加速度一定相等。

在上述说法中:  
 (A) 只有 (2) 是正确的;                      (B) (1)、(2) 是正确的;  
 (C) (2)、(3) 是正确的;                      (D) (1)、(2)、(3) 都是正确的。

3. 理想气体作一循环过程  $acba$ , 其中  $ba$  为等压过程,  $acb$  为半圆弧,  $p_c = 2p_a$ . 在此循环过程中, 气体净吸热  $Q$  为:

- (A)  $Q = \frac{m}{M} C_{p,m} (T_b - T_a)$ ; (B)  $Q > \frac{m}{M} C_{p,m} (T_b - T_a)$ ;  
 (C)  $Q < \frac{m}{M} C_{p,m} (T_b - T_a)$ ; (D)  $Q = 0$ .

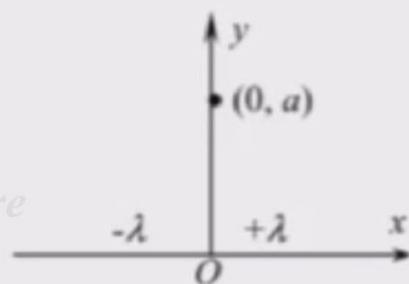


4. 在功与热转变过程中, 下面的叙述哪个不正确

- (A) 不可能制成一种循环动作的热机, 只从一个热源吸取热量, 使之完全变为有用的功, 而其他物体不发生任何变化;  
 (B) 可逆卡诺机的效率最高, 但恒小于 1;  
 (C) 功可以完全变为热量, 而热量不能完全变为功;  
 (D) 绝热过程对外作正功, 则系统的内能必减少。

5. 如图所示为一沿  $x$  轴放置的“无限长”分段均匀带电直线, 电荷线密度分别为  $+\lambda$  ( $x > 0$ ) 和  $-\lambda$  ( $x < 0$ ), 则  $xOy$  平面上  $(0, a)$  点处的场强为:

- (A)  $\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 a} \bar{i}$  (B) 0  
 (C)  $-\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 a} \bar{i}$  (D)  $-\frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 a} \bar{i}$

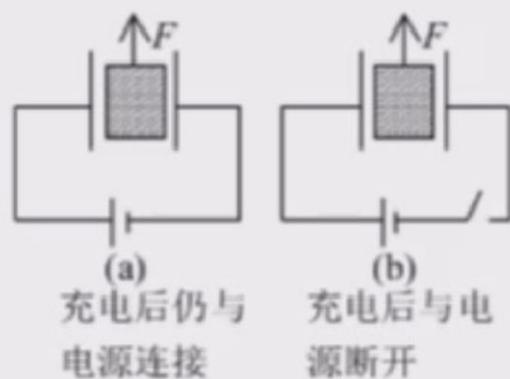


6. 设有一个带正电的导体球壳. 当球壳内充满电介质、球壳外是真空时, 球壳外一点的场强大小和电势分别用  $E_1, U_1$  表示; 而球壳内、外均为真空时, 壳外一点的场强大小和电势用  $E_2, U_2$  表示, 则两种情况下壳外同一点处的场强大小和电势大小的关系为

- (A)  $E_1 = E_2, U_1 = U_2$ . (B)  $E_1 = E_2, U_1 > U_2$ .  
 (C)  $E_1 > E_2, U_1 > U_2$ . (D)  $E_1 < E_2, U_1 < U_2$ .

7. 用力  $F$  把平行板电容器中的电介质板拉出, 在图(a)和图(b)的两种情况下, 电容器中储存的静电能量将

- (A) 都增加.  
 (B) 都减少.  
 (C) (a)增加, (b)减少.  
 (D) (a)减少, (b)增加.

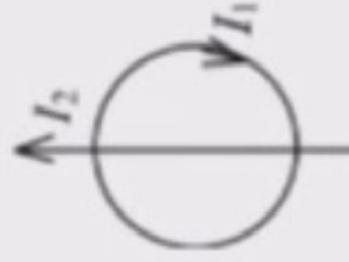


8. 有两个长直密绕螺线管, 长度及线圈匝数均相同, 半径分别

为  $r_1$  和  $r_2$ . 管内充满均匀介质, 其磁导率分别为  $\mu_1$  和  $\mu_2$ . 设  $r_1 : r_2 = 1 : 2$ ,  $\mu_1 : \mu_2 = 2 : 1$ , 当将两只螺线管串联在电路中通电稳定后, 其自感系数之比  $L_1 : L_2$  与磁能之比  $W_{m1} : W_{m2}$  分别为:

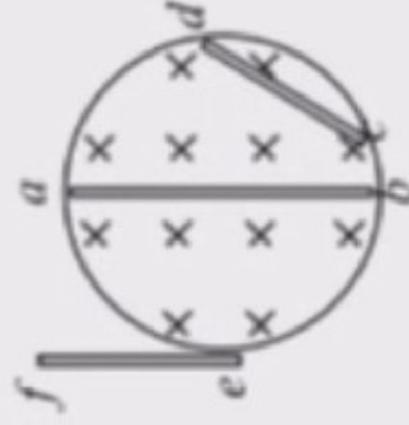
- (A)  $L_1 : L_2 = 1 : 1, W_{m1} : W_{m2} = 1 : 1$  (B)  $L_1 : L_2 = 1 : 2, W_{m1} : W_{m2} = 1 : 1$   
 (C)  $L_1 : L_2 = 1 : 2, W_{m1} : W_{m2} = 1 : 2$  (D)  $L_1 : L_2 = 2 : 1, W_{m1} : W_{m2} = 2 : 1$

9. 长直电流  $I_2$  与圆形电流  $I_1$  共面, 并与其一直径相重合如图(但两者间绝缘), 设长直电流不动, 则圆形电流将



- (A) 绕  $I_2$  旋转.      (B) 向左运动.  
 (C) 向右运动.        (D) 向上运动.  
 (E) 不动.

10. 如图, 长直螺线管产生的磁场  $\vec{B}$  随时间均匀增强,  $\vec{B}$  的方向垂直于纸面向里。管内外垂直于  $\vec{B}$  的平面上绝缘地放置三段导体  $ab$ 、 $cd$  和  $ef$ , 其中  $ab$  位于直径位置,  $cd$  位于弦的位置,  $ef$  位于管外切线的位。比较各段导体两端的电势高低。



- (A)  $U_a > U_b$ ,  $U_d < U_c$ ,  $U_e < U_f$   
 (B)  $U_a = U_b$ ,  $U_d > U_c$ ,  $U_e < U_f$   
 (C)  $U_a = U_b$ ,  $U_d < U_c$ ,  $U_e > U_f$   
 (D)  $U_a = U_b$ ,  $U_d > U_c$ ,  $U_e > U_f$

|      |    |
|------|----|
| 本题分数 | 42 |
| 得分   |    |

## 二、填空题 (每空3分)

11. 长为  $l$  质量为  $m$  的均匀细棒, 一端悬挂在过  $O$  点的无摩擦的水平转轴上, 在此转轴上另有一长为  $r$  的轻绳悬挂一小球, 质量为  $2m$ , 当小球悬线偏离铅直方向某一角度  $\theta$  时由静止释放(如图示), 小球在悬挂点正下方与静止的细棒发生弹性碰撞, 且碰后小球刚好静止, 则  $r =$  \_\_\_\_\_。



12. 一个转动惯量为  $J$  的圆盘绕一固定轴转动, 初始角速度为  $\omega_0$ , 设它所受阻力矩与转动角速度成正比, 即  $M = -K\omega$  ( $K$  为大于零的常数), 它的角速度从  $\omega_0$  变为  $\omega_0/3$  所需的时间 \_\_\_\_\_。

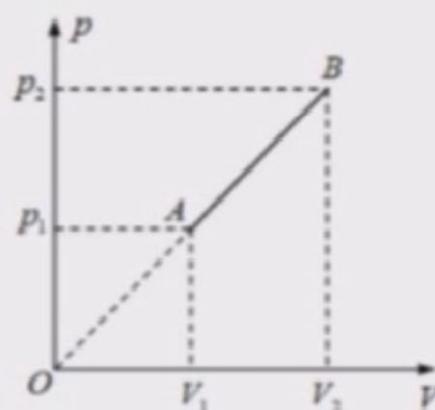
13. 一均匀细杆长  $l$ , 可绕离其一端  $l/4$  的水平轴在竖直平面内转动。当杆自由悬挂时, 给它一个起始角速度  $\omega_0$ , 若杆能持续转动而不摆动(一切摩擦不计), 则  $\omega_0$  不小于 \_\_\_\_\_。

14. 对单原子分子理想气体, 在等压过程中, 气体从外界吸收的热量有 \_\_\_\_\_% 用于对外做功。

本资源免费共享 收集网站 [nuaa.store](http://nuaa.store)

15. 一定量理想气体, 从同一状态开始把其体积由  $V_0$  压缩到  $\frac{1}{2}V_0$ , 分别经历以下三种过程: (1) 等压过程; (2) 等温过程; (3) 绝热过程。其中: \_\_\_\_\_ 过程外界对系统做功最多。

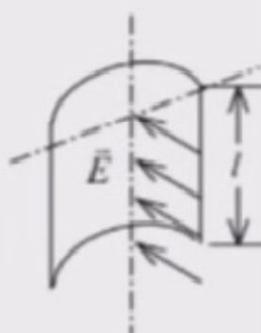
16.  $1\text{mol}$  双原子分子理想气体从状态  $A(p_1, V_1)$  沿  $p \sim V$  图所示直线变化到状态  $B(p_2, V_2)$ , 则气体在此过程中吸收的热量为 \_\_\_\_\_。



17. 一均匀静电场, 电场强度  $\vec{E} = (400\vec{i} + 600\vec{j}) \text{ V}\cdot\text{m}^{-1}$ , 则点

$a(3,2)$  和点  $b(1,0)$  之间的电势差  $U_{ab} =$  \_\_\_\_\_。(点的坐标  $x, y$  以米计)

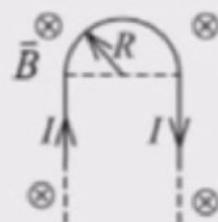
18. 在场强为  $\vec{E}$  的均匀电场中, 有一半径为  $R$ 、长为  $l$  的圆柱面, 其轴线与  $\vec{E}$  的方向垂直。在通过轴线并垂直  $\vec{E}$  的方向将此柱面切去一半, 如图所示。则穿过剩下的半圆柱面的电场强度通量等于 \_\_\_\_\_。



19. 两个同心金属球壳, 半径分别为  $r_1$ 、 $r_2$  ( $r_2 > r_1$ ), 如果外球壳带电  $q$  而内球壳接地, 则内球壳带电为\_\_\_\_\_.

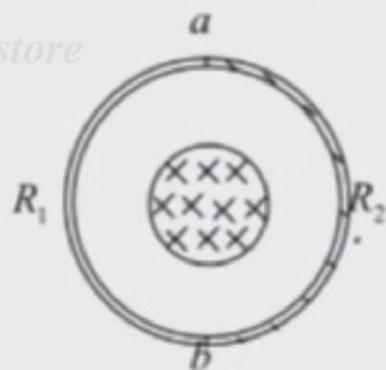
20. 一平行板电容器两极板间电压为  $U$ , 极板间距为  $d$ , 其间充满相对介电常数为  $\epsilon_r$  的各向同性均匀电介质. 则电介质中的电场能量密度  $w =$  \_\_\_\_\_.

21. 通有电流  $I$  的长直导线在一平面内被弯成如图形状(半圆的半径  $R$  为已知), 放于垂直进入纸面的均匀磁场  $\vec{B}$  中, 导线与纸面共面, 则整个导线所受的安培力大小为\_\_\_\_\_.



22. 一圆柱形无限长导体, 磁导率为  $\mu$ , 半径为  $R$ , 通有沿轴线方向的均匀电流  $I$ , 则圆柱导体内任一点的磁感应强度的大小为\_\_\_\_\_.

23. 如图所示. 长直螺线管产生的磁场  $\vec{B}$  随时间均匀增强,  $n\vec{B}$  的方向垂直于纸面向里. 在管外共轴地套上一个导体圆环 (环面垂直于  $\vec{B}$ ), 但它由两段不同金属材料的半圆环组成, 电阻分别为  $R_1$ 、 $R_2$ , 且  $R_1 > R_2$ , 接点处为  $a$ 、 $b$  两点, 比较这两点处的电势大小\_\_\_\_\_ ( $U_a > U_b$ 、或  $U_a < U_b$ 、或  $U_a = U_b$ )



24. 如图所示. 电荷  $q$  ( $>0$ ) 均匀地分布在一个半径为  $R$  的薄球壳外表面上, 若球壳以恒角速度  $\omega_0$  绕  $z$  轴逆时针方向转动, 则沿着  $z$  轴从  $-\infty$  到  $+\infty$  磁感应强度的线积分等于\_\_\_\_\_.

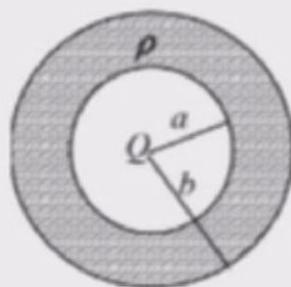


|      |    |
|------|----|
| 本题分数 | 28 |
| 得分   |    |

## 三 计算题

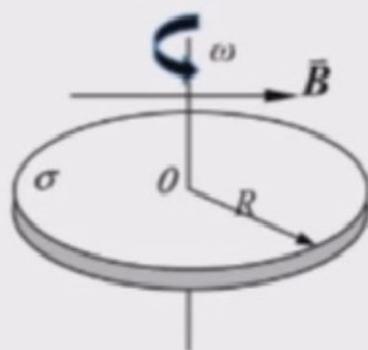
25. (本题9分) 如图所示, 有一带电球壳, 内、外半径分别为  $a$ 、 $b$ , 电荷体密度为  $\rho = A/r$ ,  $r$  为球心到球壳内一点的矢径的大小, 在球心处有一点电荷  $Q$ 。

求: (1) 在  $a \leq r \leq b$  区域的电场强度; (2) 当  $A$  取何值时, 球壳区域内电场强度  $\vec{E}$  的大小与半径  $r$  无关。



本资源免费共享 收集网站 [nuua.store](http://nuua.store)

26. (本题9分) 一半径为  $R$  的薄圆盘, 放在磁感强度为  $B$  的均匀磁场中,  $B$  的方向与盘面平行, 如图所示, 圆盘电荷面密度为  $+\sigma$ , 若圆盘以角速度  $\omega$  绕其轴线逆时针转动, 试求作用在圆盘上的磁力矩。



27. (本题 10 分) 如图, 无限长直导线, 通以恒定电流  $I$ , 有一与之共面的直角三角形线圈  $ABC$ . 已知  $AC$  边长为  $b$ , 且与长直导线平行,  $BC$  边长为  $a$ . 若线圈以垂直于导线方向的速度  $\bar{v}$  向右匀速平移, 当  $B$  点与长直导线的距离为  $d$  时, 求线圈  $ABCA$  内的感应电动势的大小和方向.



1. B
2. B
3. B
4. C
5. C
6. C
7. D
8. C
9. C
10. B

$$11. \frac{\sqrt{3}}{3} l$$

$$12. \frac{J}{k} \ln 3$$

$$13. 4\sqrt{\frac{39}{7l}}$$

$$14. 40\%$$

15. 等压

$$16. \frac{5}{2}(P_2 V_2 - P_1 V_1) + \frac{1}{2}(P_1 + P_2)(V_2 - V_1)$$

$$17. -800\vec{i} - 1200\vec{j} \quad \text{V}$$

~~$$18. \frac{E \cdot l \cdot \pi \cdot R}{2 R l \cdot E}$$~~

$$2 R l \cdot E$$

$$19. -\frac{q r_1}{r_2}$$

$$20. \frac{1}{2} \epsilon_0 \epsilon_r \left(\frac{U}{d}\right)^2$$

$$21. 2 B I R$$

$$22. \frac{U I r}{2 \pi R^2}$$

$$23. U_a > U_b$$

$$24. \frac{U_0 W_0 q}{2 \pi}$$

25.

$$1) \Sigma q = Q + \int \rho dv$$

$$= Q + \frac{4}{3}\pi (r^3 - a^3) \cdot \rho$$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{1}{\epsilon_0} \Sigma q$$

$$E = \frac{\Sigma q}{4\pi \epsilon_0 r^2}$$

本资源免费共享 收集网站 [nuaa.store](http://nuaa.store)

$$= \frac{Q + \frac{4}{3}\pi (r^3 - a^3) \frac{A}{r}}{4\pi \epsilon_0 r^2}$$

$$(2). A = \frac{Q}{4\pi}$$

试题答案

圆盘上任一薄层电荷运转时产生的电流为  $dI$ ，其对应的磁矩为

$$dm = dI\pi r^2 = \sigma 2\pi r dr \frac{\omega}{2\pi} \pi r^2 = \sigma \omega r^3 dr$$

整个圆盘的磁矩为

$$m = \int dm = \sigma \omega \int_0^R r^3 dr = \frac{\sigma \omega \pi R^4}{4}$$

作用在圆盘上的磁力矩为  $M = m \times B$

$$M = mB \sin 90^\circ = mB = \frac{\sigma \omega \pi R^4}{4} B, \text{ 方向垂直纸面向}$$

里。

建立如图所示直角坐标系, AB 导线的方程为

$$y = \frac{b}{a}x - \frac{r}{a}$$

式中  $r$  为任意时刻  $B$  点与长直导线之间的距离。而任意时刻  $\triangle ABC$  中的磁通量为

$$\Phi = \int_r^{r+a} \frac{\mu_0 I}{2\pi x} \cdot y dx = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( b - \frac{r}{a} r \ln \frac{r+a}{r} \right)$$

所以, 三角形线圈  $ABC$  内的感应电动势的大小为:

$$\varepsilon = - \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{d}{dr} \frac{d\Phi}{dt} \cdot \frac{dr}{dt} \Big|_{r=d} = \frac{\mu_0 I b}{2\pi a} \left( \ln \frac{a+d}{d} - \frac{a}{a+d} \right)$$

感应电动势的方向为顺时针绕向 (感应电流产生的磁场阻止线圈磁通减少)

