

二〇二三 学年 第1学期
 考试日期: 2023年3月23日

《自动控制原理II》
 试卷类型: B
 试卷代号:

题号	一	二	三	四	五	学号
得分						

本题分数	16
得分	

一、已知某系统结构如图1所示, 求传递函数 $\frac{C(s)}{R(s)}$ 的表达式。

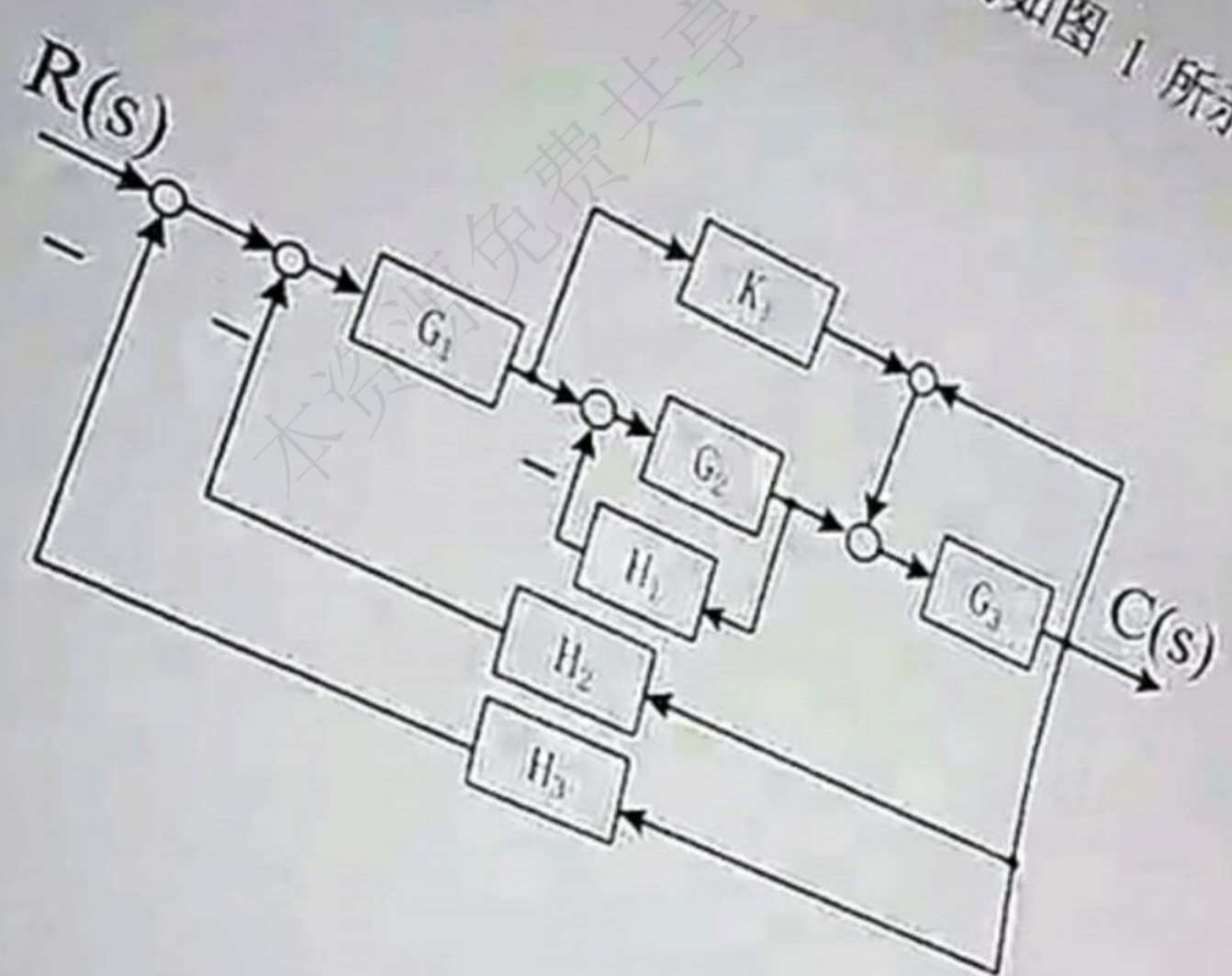


图1

本题分数

得分

16

时间! ($\Delta=5\%$)和超调量 $\sigma\%$ 。

二、已知闭环系统如图2所示。

1. 求使系统所有特征根实部小于-1的 K 范围;
2. 若单位斜坡输入下, 系统稳态误差为0.1, 确定系统调

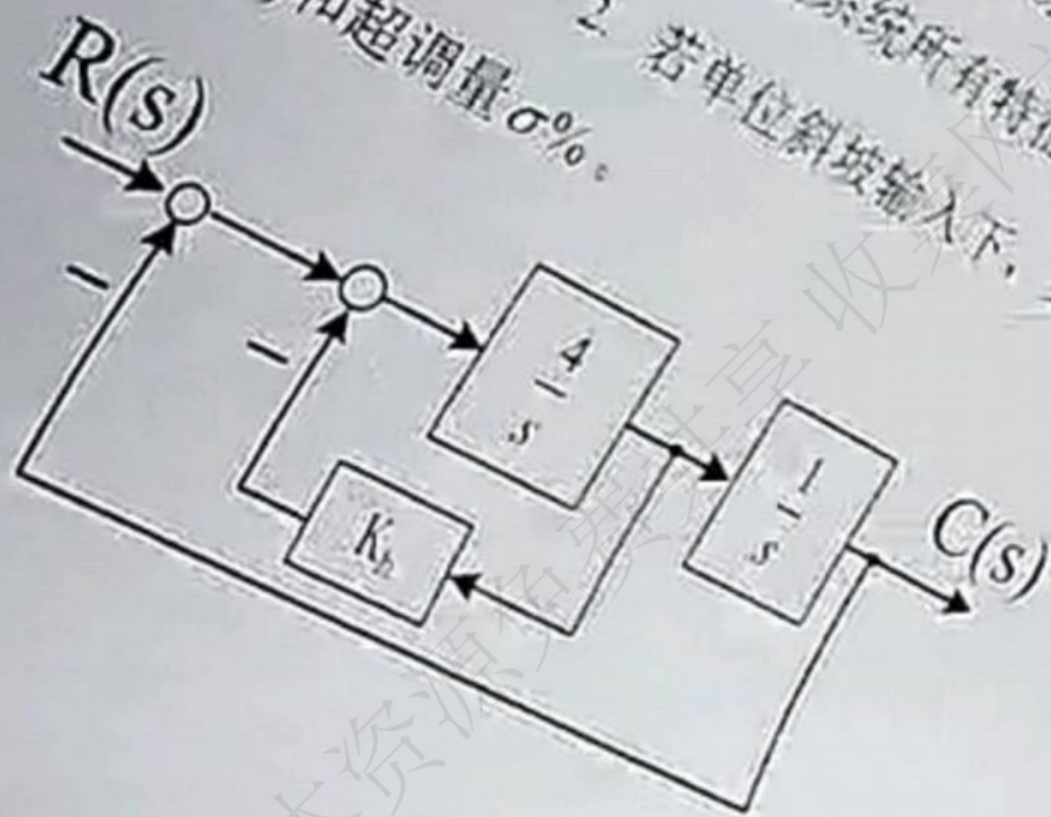


图2

本题分数	18
得分	

三、已知某系统结构图如图3所示, (1)试绘制 a 从 $0 \rightarrow \infty$ 变化的闭环系统根轨迹; (2)确定使系统满足 $0 < \xi < 1$ 的 a 值。

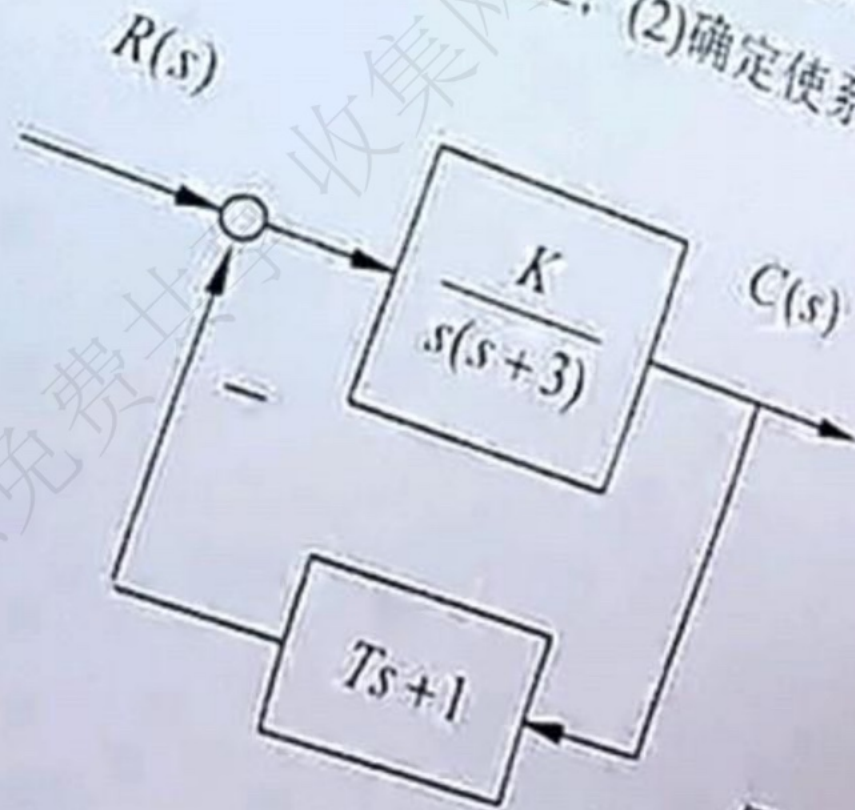


图3

本题分数	16
得分	

若系统的截止频率不够大,

- 四、已知最小相角系统的开环对数幅频渐近特性见图 4。要求: (1) 写出系统的开环传递函数 $G(s)H(s)$; (2) 计算相角裕度 γ , 并判断系统稳定性; 可以采用什么措施提高系统的稳定裕度?

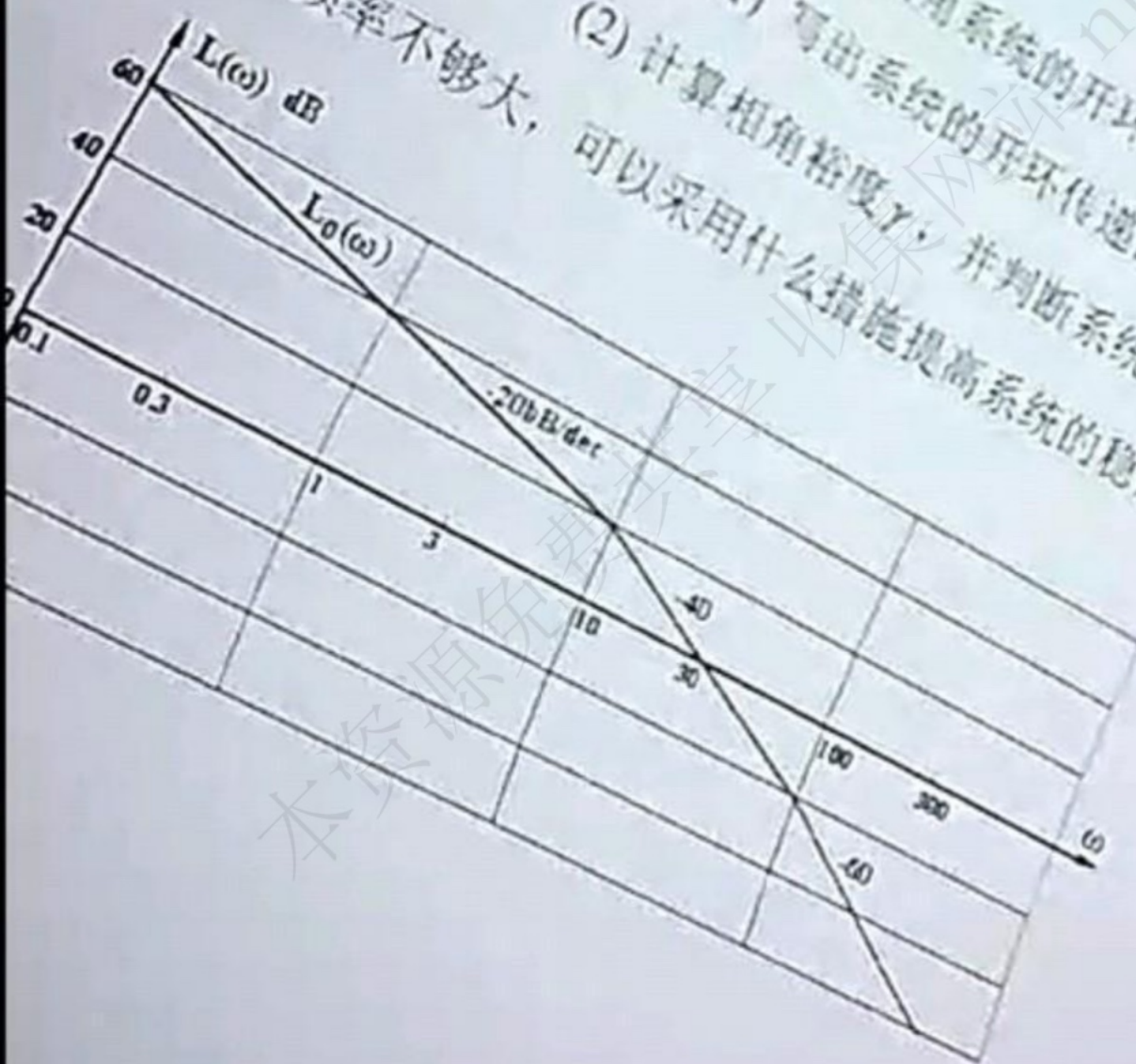


图 4

五、设系统结构图如图 5(a) 所示, 其中 $G(s)$ 为二阶最小相位环节, 且幅相曲线如图 5(b) 所示, 试判断该系统的闭环稳定性。

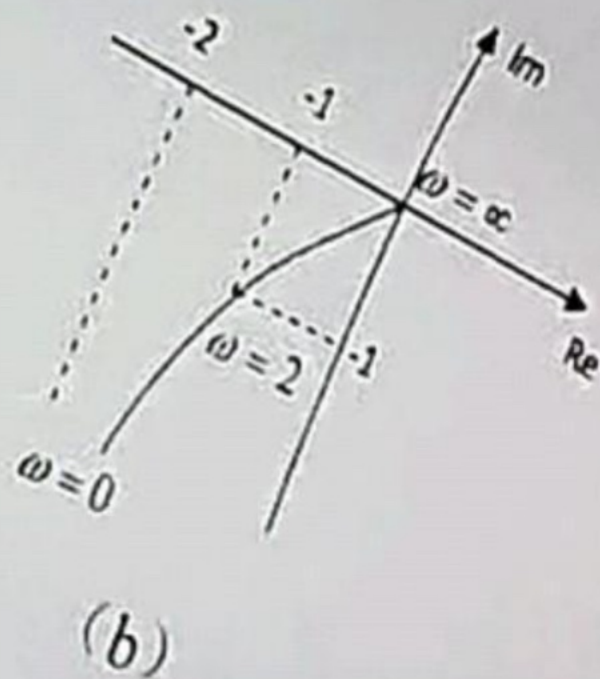
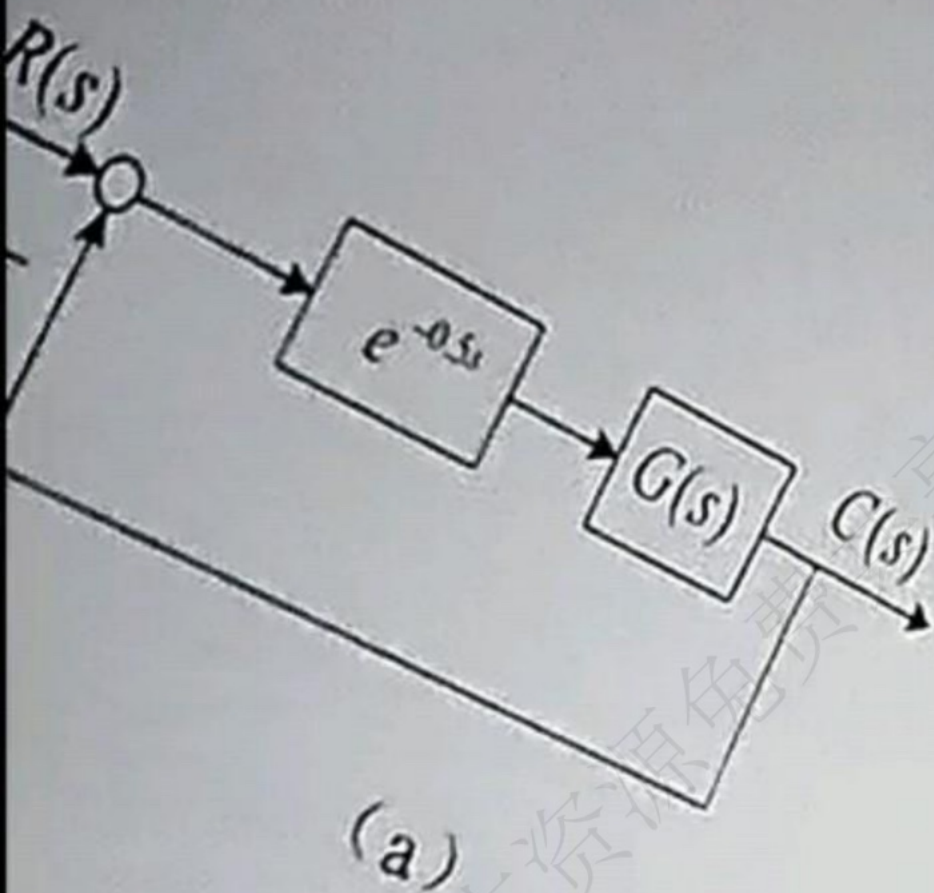


图 5

本题分数	18
得分	

附 Z 变换表:

$$Z\left[\frac{1}{s+a}\right] = \frac{z}{z-e^{-aT}}, \quad Z\left[\frac{1}{s}\right] = \frac{z}{z-1}, \quad Z\left[\frac{1}{s^2}\right] = \frac{Tz}{(z-1)^2}$$

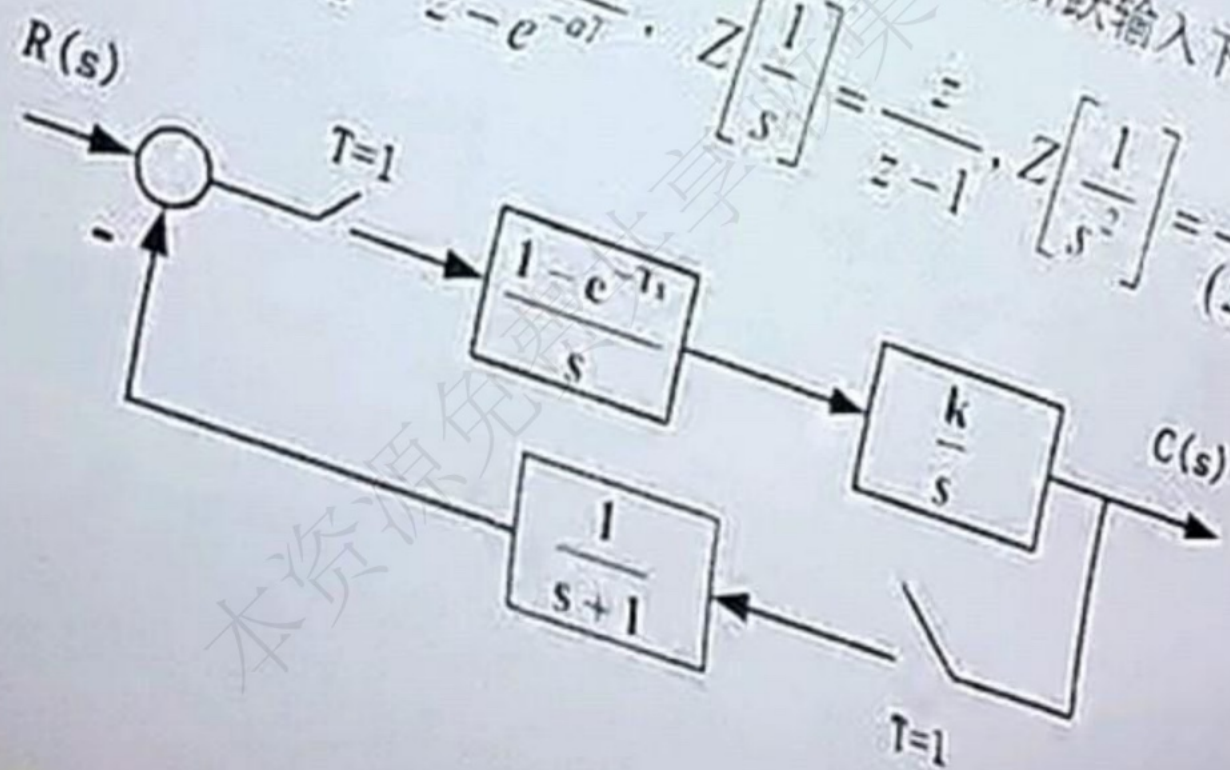
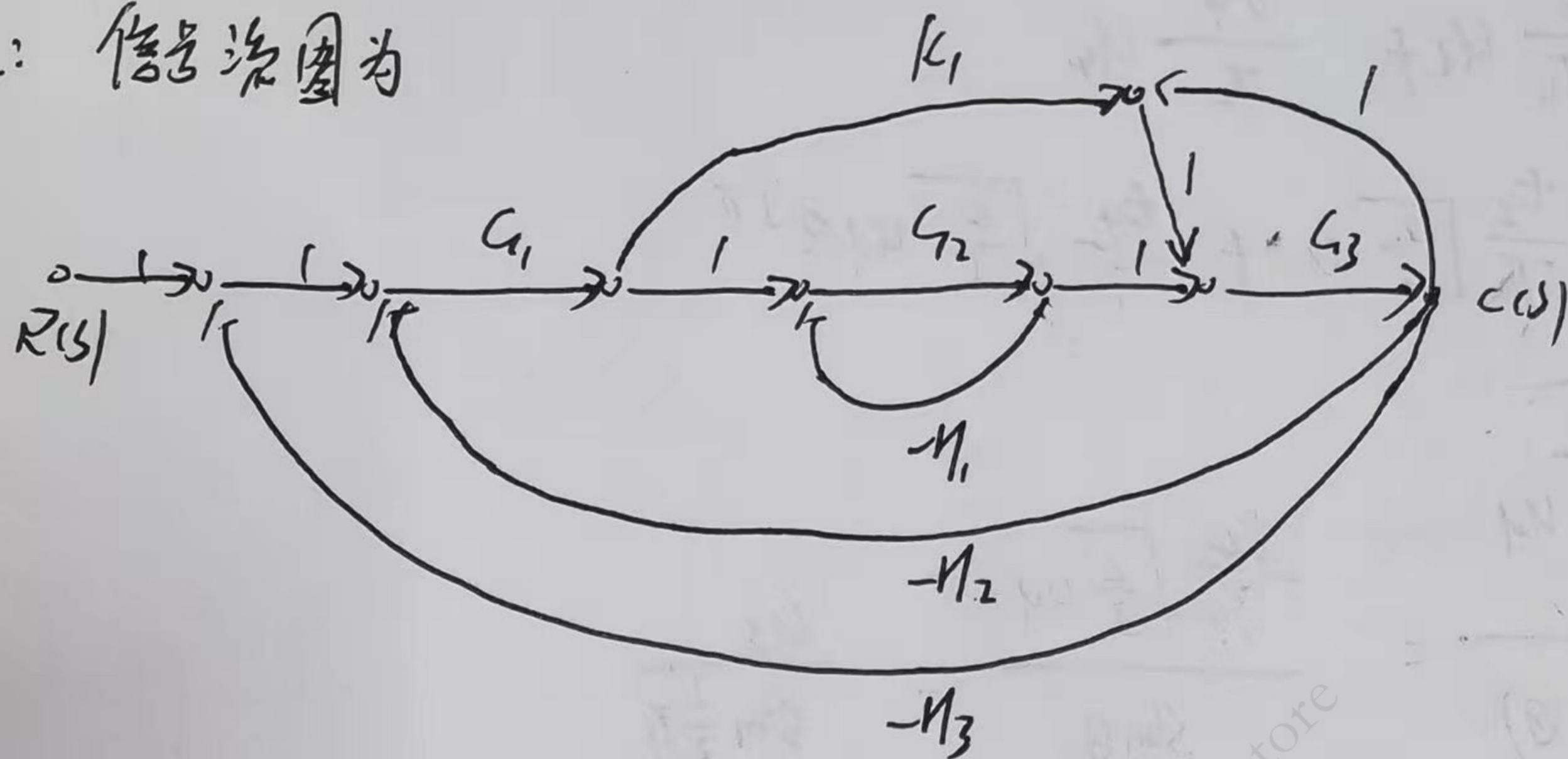


图6

- 六、某采样系统的结构图如图6所示, 采样周期 $T=1s$ 。
- (1) 求系统的闭环脉冲传递函数; (2) 判断系统的稳定性;
- (3) 当 $k=1$ 时, 求单位阶跃输入下, 系统稳态输出 $c(\infty)$

一、解：信号流图为



前向通道 $P = G_1 G_2 G_3$

$\Delta_1 z$

$P_2 = G_1 K_1 G_3$

$\Delta_2 z$

$\Delta_2 = 1 + G_2 M_1$

回路: $L_1 = -G_2 M_1$

$L_2 = -G_1 G_2 G_3 M_2$

$L_3 = -G_1 G_2 G_3 M_3$

$L_4 = G_3$

$L_1 L_4 = -G_2 M_1 G_3$

$$\Delta z = 1 - L_1 - L_2 - L_3 + L_1 L_4 = 1 + G_2 M_1 + G_1 G_2 G_3 M_2 + G_1 G_2 G_3 M_3 - G_2 G_3 M_1$$

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{P \Delta_1 + P_2 \Delta_2}{\Delta} = \frac{G_1 G_2 G_3 + K_1 G_1 G_3 (1 + G_2 M_1)}{1 + G_2 M_1 + G_1 G_2 G_3 M_2 + G_1 G_2 G_3 M_3 - G_2 G_3 M_1}$$

$$= \text{解} \quad G(s) = \frac{4/s^2}{1 + \frac{4k_h}{s}} = \frac{4}{s^2 + 4k_h s + 4}$$

$$\Phi(s) = \frac{G(s)}{1 + G(s)} = \frac{4}{s^2 + 4k_h s + 4}$$

$$D(s) = s^2 + 4k_h s + 4 = 0$$

$$\text{令 } s = s_1 \quad \text{代入 } D(s) \text{ 中}$$

$$D(s) = s_1^2 + (4k_h - 2)s + 5 - 4k_h = 0$$

列表

$$s_1^2 \quad 1 \quad 4k_h - 2$$

$$s_1' \quad 5 - 4k_h$$

$$s_1'' \quad 4k_h - 2$$

稳定的

$$\begin{array}{l} 5 - 4k_h > 0 \\ 4k_h - 2 > 0 \end{array}$$

$$\frac{1}{2} < k_h < \frac{5}{4}$$

$$(2) \quad K_v = \lim_{s \rightarrow 0} s G(s) = \frac{4}{4k_h} = \frac{1}{k_h}$$

$$e_{ss} = \frac{1}{K_v} = k_h = 0.1$$

$$\Phi(s) = \frac{4}{s^2 + 0.4s + 4}$$

$$\begin{cases} 2\omega_n \xi = 0.4 \\ \omega_n^2 = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \omega_n = 2 \\ \xi = 0.1 \end{cases}$$

$$t_s = \frac{3}{\xi \omega_n} = 15s \quad (\Delta = \pm 5\%)$$

$$\sigma\% = e^{-\pi \xi / \sqrt{1 - \xi^2}} \times 100\% = 72.94\%$$

三解: $G(s) = \frac{K(s+1)}{s(s+3)}$

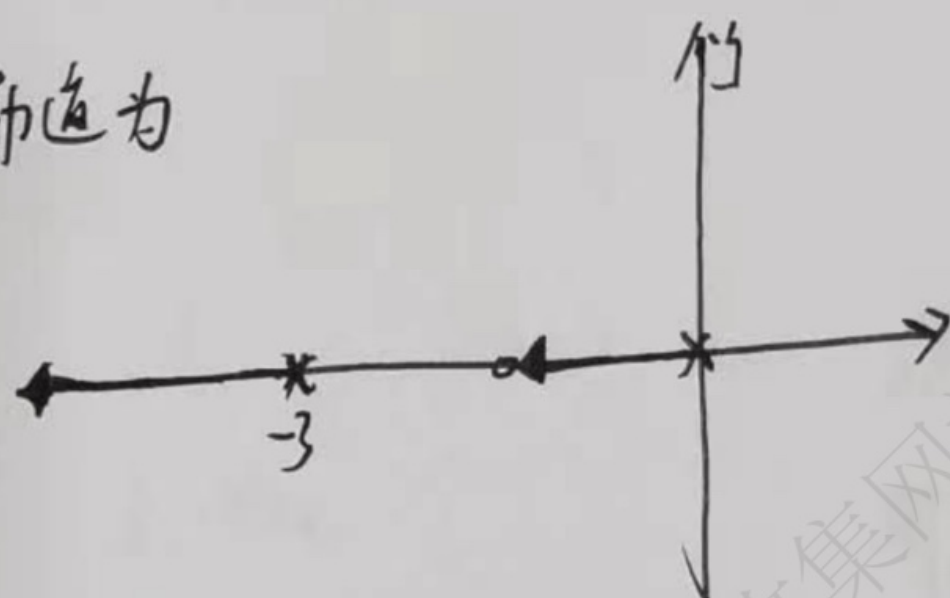
(1) $\odot -\frac{1}{T} > -3$ 时 ~~$0 < T < \frac{1}{3}$~~ $T > \frac{1}{3}$ 时

① $n=2, m=1, n-m=1$. 根轨迹有两分支

起点 $P_1=0, P_2=-3$, 终点 $Z_1=-\frac{1}{T}$ 和无穷远处

② ~~实轴上~~ 实轴上的根轨迹 $(-\infty, -3) (-\frac{1}{T}, 0)$

根轨迹为



$0 < T < \frac{1}{3}$ 时.

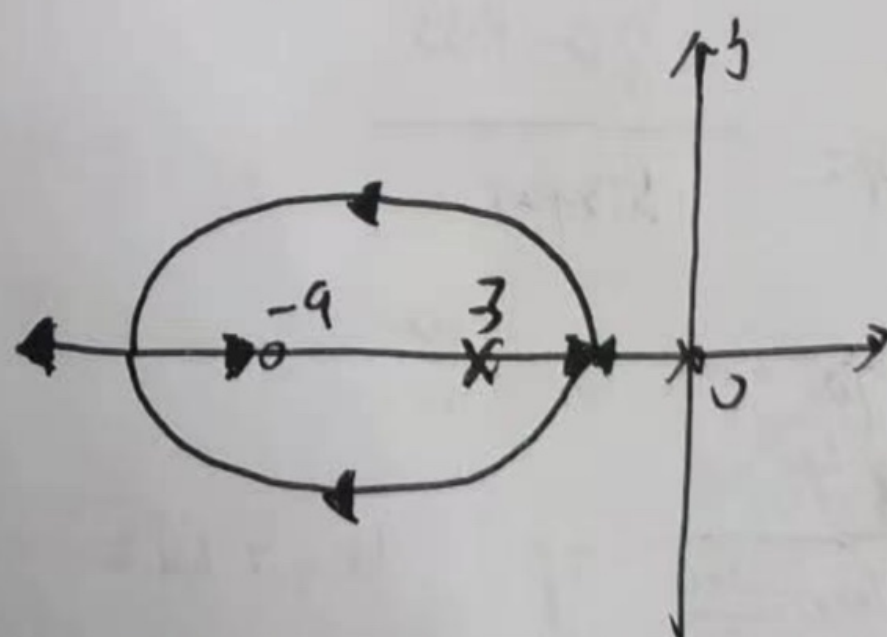
② 实轴上的根轨迹为 $(-\infty, -\frac{1}{T}) (-3, 0)$

③ 分离点 $\frac{1}{d} + \frac{1}{d+3} = \frac{1}{d+3a}$

$d^2 + 2ad + 3a = 0$ ~~$d_{1,2} =$~~

$d_{1,2} = -a \pm \sqrt{a^2 - 3a}$

根轨迹为



(2) $0 < \frac{1}{3} < 1$ 时

$a > 3$

② 解: 由图可知. 低频段斜率为 -20 dB/dec

系统有 1 个积分环节

$\omega_1 = 10$ 处, 斜率为 -40 dB/dec , 此处有 1 个惯性环节

$\omega_2 = 100$ 处, 斜率为 -60 dB/dec , 此处有 1 个惯性环节

$$20 \lg \frac{K}{0.1} = 60 \quad K = 100$$

$$G(s)H(s) = \frac{100}{s(\frac{s}{10} + 1)(\frac{s}{100} + 1)}$$

$$(2) |G(j\omega_c)H(j\omega_c)| = \frac{100}{\omega_c \frac{\omega_c}{10}} = 1 \quad \omega_c = 31.62$$

$$\varphi = 180^\circ - 90^\circ - \arctan \frac{\omega_c}{10} - \arctan \frac{\omega_c}{100} = 0^\circ$$

临界稳定

(3) 相超前校正

五解. 由图可知. ~~当~~ $u=0$. $|G(j\omega)| = \infty$ $\angle G(j\omega) = -90^\circ$
 $u = \infty$ $|G(j\omega)| = 0$ $\angle G(j\omega) = -180^\circ$

$$G(s) = \frac{k}{s(s+a)}$$

$$\text{令 } s = j\omega \quad G(j\omega) = \frac{k}{j\omega(j\omega+a)} = \frac{-(ka) + jk\omega}{\omega(a^2 + \omega^2)}$$

$$U(\omega) = \frac{-k}{a^2 + \omega^2}$$

$$V(\omega) = \frac{-ka}{\omega(a^2 + \omega^2)}$$

$$U(0) = \frac{-k}{a^2} = -2$$

$$\text{当 } u(2) = \frac{-k}{a^2 + 4} = -1$$

$$V(2) = \frac{-ka}{2(a^2 + 4)} = -1$$

$$a=2, \quad k=8$$

$$G(s) = \frac{8}{s(s+2)}$$

$$\text{由图可知 } G(s) = \frac{8e^{-0.5s}}{s(s+2)}$$

$$G_1(s) = e^{-0.5s} G(s) = \frac{8e^{-0.5s}}{s(s+2)}$$

$$\angle G_1(j\omega) = -0.5\omega - 90^\circ - \arctan \frac{\omega}{2}$$

$$|G_1(j\omega)| = \frac{8}{\omega \sqrt{4 + \omega^2}} = 1 \quad \omega_c = 2\sqrt{2}$$

$$\gamma = 180^\circ - 0.5 \times 2\sqrt{2} - 90^\circ - \arctan \frac{\omega}{2} = -0.15 < 0, \text{ 不稳定}$$

六解: 由 (1) $G(z) = Z\left[\frac{k(1-e^{-T})}{s^2}\right] Z\left[\frac{1}{s+1}\right]$

$$= k(1-z^{-1}) Z\left[\frac{1}{s^2}\right] Z\left[\frac{1}{s+1}\right]$$

$$= k(1-z^{-1}) \frac{Tz}{(z-1)^2} \cdot \frac{z}{z-e^{-1}}$$

$$= \frac{kz}{(z-1)(z-0.368)}$$

闭环脉冲传递函数为

$$\Phi(z) = \frac{G(z)}{1+G(z)} = \frac{kz}{z^2 + (k-1.368)z + 0.368}$$

(1) $D(z) = z^2 + (k-1.368)z + 0.368$

由朱利判据, 稳定的

$$D(1) = k > 0$$

$$D(-1) = 2.736 - k > 0 \quad k < 2.736$$

$$0 < k < 2.736$$

(3) 终值定理

$$C(s) = \lim_{z \rightarrow 1} (z-1) \Phi(z)$$

$$C(s) = \lim_{z \rightarrow 1} (z-1) \Phi(z) \frac{z}{z-1} = 1$$